

名师点拨

巧复习迎高考最后冲刺

■交大附中政治高级教师 蒋敏然

高考前的这段时间对考生究竟意味着什么?就像长跑运动员在最后100米的冲刺,谁忽视,谁就面临淘汰。高考成功已经到了量变到质变的阶段,只有调整好情绪,继续跑,才能到达理想的目的地。

那么,怎样做好最后的复习呢?

强化教材知识整合 熟悉答题方法

教材是考试之源,各个学科的高考实质上是对教材的消化和延伸。因此,理应用课本统领我们最后阶段的复习。尤其是对重点章节、重要原理、主要观点等教材内容,不仅要做好每一课的梳理,还要进行跨课的串联、整合,把握知识的内在联系,注重基础知识、基本技能的各项要求。

同时,考生在这一阶段的复习重点应

该是熟悉和巩固答题思路和方法,不同试题的设问、审题、考点范围的确定是最重要的。二期课改后高考要求有了转变,更多地要求学生灵活运用教材知识、对教材中的实验内容作深度挖掘,审题时务必先弄清楚考点的范围。目前,考题的综合性性和递进性要求逐年提高,跨学科、跨教材出题已不鲜见,审题时一定要看清题意,究竟是问“是什么”,还是“为什么”,抑或是“怎么做”,回答应有针对性。考生在复习时要把握学科知识的基本结构和体系,这样才能准确、全面地回答问题,提高答题质量。

研究历年高考真题 掌握考试技巧

虽然各次高考试题均有变化,但今年高考与以往几年高考还是有许多相似——

无论是考试范围还是考试要求。考生极有必要认真研究近三年的高考真题,从试题要求到答题规范都应仔细查看,从中找出学科高考出题的一般规律。

同时,考生也有必要掌握一些考试技巧,虽然我不主张拼技巧,但复习还应有章可循。一是分类复习,将自己做过的各区一模、二模以及每门学科练习中最难把握的题目,如政治的“不定项选择题”或“论述题”、物理的“数形结合问题”等进行归类,弄清其中的知识点本质。弄懂为止,不留一个模糊点。二是平时做题,要记得提醒自己:看清题目设问,答题仔细。做单项选择题,切莫潦草应付;做不定项选择题,不要太快,尽量选对所有的选项,倘若有疑问,可在题目旁用铅笔做好记号,宁可少选,万万不要错选。当对有些题目一时找不到方向时,别急着下笔,做好记号,先去完成其他容易做的部分。

规范答题思路 提高答题的准确性

任何一门学科都有自身的内在科学

性,通过有序的文字或数字、公式、图表等有逻辑地表达出来。近年来的高考更加重视学生这方面的表现,因此,在最后的复习中,学生应在两个方面加强训练:一是规范答题,以避免卷面书写问题考验阅卷者的视觉,甚至失去应得的分数;二是文字表达方式尽量做到表述简练、有逻辑层次、观点鲜明、举例恰当。遇到表格题,训练中务必做到:利用题目,反复练习——数据反映的现象、发展趋势、造成的原因、体现的实质和意义,掌握对数据的分析方法,尤其是对数据现象和实质、数据与数据之间的关系分析和理解。理科生还要特别重视化学实验和物理实验,做好实验题的变换和迁移,提高思维能力和文字组织、书写能力。

高考最后的复习注定是严谨而艰苦的。练习不在于多,而在于懂得取舍,掌握知识之间的内在关系。复习题目是做不完的,关键在于真正把握解题方法。考生要将教师的教法和自己的学法结合起来,找到适合自己复习效率的策略,坚持努力,取得事半功倍的效果。

田老师教数学

向量的三种表示方法及三种计算方法

■建平中学数学高级教师 田万国



◎本期出场名师

田万国,建平中学数学高级教师,中国数学奥林匹克高级教练,上海市第一批名师培养基地学员,浦东新区骨干教师,合作编写书籍20余本。

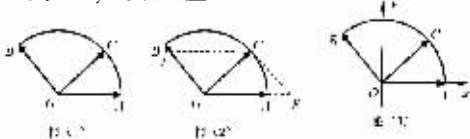
向量是既有大小又有方向的量。

向量的表示方法有三种:(1)几何表示。记向量的起点为A,终点为B,则向量表示为 \overrightarrow{AB} 。这里我们看到了几何图形,知道向量的起点和终点,具有几何意义。(2)代数表示。记向量为 \vec{a} 。这里不依附图形,任何向量都可以这样表示,具有抽象意义。(3)坐标表示。建立适当的坐标系,此时向量置于坐标系中,向量就可以用坐标来表示,具有数量意义。

相应于向量的三种表示方法,向量的计算也呈现三种方式:(1)几何运算。主要借助于几何图形,利用三角形法则、平行四边形法则、多边形法则、解斜三角形的主要工具(正弦定理、余弦定理)等进行计算。(2)代数运算。类似于代数多项式的四则运算,进行向量的加法、减法、实数与向量的乘法、数量积等运算,成为纯粹“代数式”的运算和变形,如 $(m\vec{a}+n\vec{b})\cdot(p\vec{c}+q\vec{d})=mp\vec{a}\cdot\vec{c}+mq\vec{a}\cdot\vec{d}+np\vec{b}\cdot\vec{c}+nq\vec{b}\cdot\vec{d}$ 。(3)坐标运算。将向量用坐标表示,向量的加法、减法、实数与向量的乘法、数量积等运算就在坐标形式下进行,成为纯粹数的计算。

从向量的表示上就已经认识到,向量是典型的数与形集于身的一个量,分析有关向量的问题,基本的角度是从其三种表示方法入手,基于三种计算方式来研究问题,对平面向量和空间向量都适用。下面,我们以一个典型问题来体验。

给定两个长度为1的平面向量 \vec{OA} 和 \vec{OB} ,它们的夹角为 120° ,如图(1)所示,点C在以O为圆心的圆弧 \overline{AB} 上变动。若 $\vec{OC}=x\vec{OA}+y\vec{OB}$ 其中 $x,y\in\mathbb{R}$,求 $x+y$ 的最大值。



分析一(几何表示——几何运算)

如图(2)

由 $\vec{OC}=x\vec{OA}+y\vec{OB}$, $x,y\in\mathbb{R}$ 唯一表示,也可以用平行四边形法则将 \vec{OC} 分解为 \vec{OA} 和 \vec{OB} 上, $|\vec{OA}|=|\vec{OB}|=|\vec{OC}|=1$.

$\vec{OC}=x\vec{OA}+y\vec{OB}=\vec{OF}+\vec{OF}$, $|\vec{OF}|=x$, $|\vec{OF}|=y$
在 $\triangle OFC$ 中, $\angle OFC=60^\circ$, 由余弦定理,得
 $1=x^2+y^2-2xy\cos 60^\circ$
即 $1=x^2+y^2-xy=(x+y)^2-3xy \geq (x+y)^2 - 3(\frac{x+y}{2})^2 = \frac{1}{4}(x+y)^2$

则 $x+y \leq 2$
当且仅当 $x=y=1$ 时等号成立,故 $x+y$ 的最大值为2。

另解:将 \vec{OC} 分解为 \vec{OA} 和 \vec{OB} 上, $\angle AOC=\theta$
 $|\vec{OC}|=1$, $|\vec{OA}|=|\vec{OB}|=1$, $\angle AOB=120^\circ$
在 $\triangle OFC$ 中,由正弦定理,得,
 $\frac{x}{\sin(\frac{2}{3}\pi-\theta)} = \frac{1}{\sin \frac{2}{3}\pi} = \frac{y}{\sin \theta}$, $yx = \frac{\sin(\frac{2}{3}\pi-\theta)}{\sin \frac{2}{3}\pi} \sin \theta$, $y = \frac{\sin \theta}{\sqrt{3}}$

$x+y = \frac{\sin(\frac{2}{3}\pi-\theta)}{\sqrt{3}} + \frac{\sin \theta}{\sqrt{3}} = \frac{2\sin \theta \cos(\theta-\frac{\pi}{6})}{\sqrt{3}}$
则,当 $\theta=\frac{\pi}{6}$ 时 $x+y$ 的最大值为2。

分析二(代数表示——代数运算)
 $|\vec{OC}|^2 = (x\vec{OA}+y\vec{OB})^2 = x^2|\vec{OA}|^2 + y^2|\vec{OB}|^2 + 2xy\vec{OA}\cdot\vec{OB}$

又 $|\vec{OA}|=|\vec{OB}|=|\vec{OC}|=1$, $\angle AOB=120^\circ$,
则 $1=x^2+y^2-xy$ (以下略)。

另解: $\vec{OC}=x\vec{OA}+y\vec{OB}$, $|\vec{OC}|=1$
 $(x\vec{OA}+y\vec{OB})\cdot(x\vec{OA}+y\vec{OB}) = x^2 + y^2 + 2xy\cos 120^\circ = 1$
 $x^2+y^2-xy=1$

所以 $x+y = \sqrt{3} \sin(\theta-\frac{\pi}{6}) + \sin \theta = \frac{2\sin \theta \cos(\theta-\frac{\pi}{6})}{\sqrt{3}}$
则,当 $\theta=\frac{\pi}{6}$ 时 $x+y$ 的最大值为2。

分析三(坐标表示——坐标运算)
如图(3)

以O为原点,OA所在直线为x轴,建立平面直角坐标系坐标系。

则 $A(1,0)$, $B(\cos 120^\circ, \sin 120^\circ) = (-\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2})$
因为 $\vec{OC}=x\vec{OA}+y\vec{OB} = (x-\frac{y}{2}, \frac{\sqrt{3}y}{2})$, 得 $\begin{cases} x-\frac{y}{2} = \cos \theta \\ \frac{\sqrt{3}y}{2} = \sin \theta \end{cases}$

则 $1-x^2-y^2 = (x-\frac{y}{2})^2 + (\frac{\sqrt{3}y}{2})^2 - x^2 - y^2 = 1-xy$ (以下略)。

另解:(按上面解法)由 $u^2+v^2=1$, $\frac{1}{2}u^2 = \cos^2 \theta$, $\frac{3}{4}v^2 = \sin^2 \theta$
 $2 = \frac{2\cos^2 \theta}{\cos^2 \theta} + \frac{3\sin^2 \theta}{\sin^2 \theta} = 2 + 3 \frac{\sin^2 \theta}{\sin^2 \theta} = 2 + 3 \frac{1-\cos^2 \theta}{\cos^2 \theta}$ (以下略)。

以上三种思路最终都得到目标函数 $z=x+y$ 的约束条件 $x^2+y^2-xy=1$,转化为二元函数的最值问题,利用基本不等式加以解决;又因为点C在圆弧上运动,可以引入 $\angle AOC=\theta$ 来描述其运动变化,将二元函数转化为一元函数(三角函数)的最值问题,即 $x+y = \frac{2\sin \theta \cos(\theta-\frac{\pi}{6})}{\sqrt{3}}$,体现了所谓“一题多解,多解归一”。

只要我们静心分析思考,从向量的三种表示方法入手,根据各自特点,进行相应的向量运算,总能寻找到有关向量问题的突破口。

◆高考汉语常用手册

立足“出题句”

■嘉定一中文语教师 郭晋考

所谓“出题句”,是指试题题干所涉的句子。先看一道高考题:联系上下文,填入第③段空格处恰当的一项是()

③近年来,人们对高品质城市的追求越来越迫切,出现了建设山水城市、生态城市、绿色城市、健康城市、家园城市等多种呼声。其中家园城市最具代表性,这是□□家园城市涵容了其他几种城市类型的物质性特点,□□突出了对以文化为基础的、把城市打造成人们精神家园的理想追求。

- A.由于 因此
- B.由于 才能
- C.因为 所以
- D.因为 而且

(2011年上海卷)

解题思路:以出题句(空格所在句子)为切入点,先理清脉络层次;其次理解句子内涵。该句由三个分句组成,是一倒装的因果复句,前一句为果(紧承前句)后二句为因。后二句中,“涵容了”和“突出了”相互对应,“物质特点”到“精神追求”由浅入深。两分句间是递进关系。原来,“涵容了”前省略了关联词——“不仅”。于是,答案D不言而喻。

由此获得一个启示,完成试题,首先应要立足“出题句”,以此为本,加以解读,不一定动辄就整体阅读,“联系本段及乃至全文”。学生的眼界有时还没有那么宽广,再说,既然眼前能找到突破口,何必舍近求远呢?

如果“出题句”中找不到解题的思路,那么再以该句为“原点”,渐次向上下文扩展,搜寻有效信息,直到解决问题为止。